铌酸锂薄膜调制器的协同仿真与优化设计

杨登才¹,陈雨康¹,王云新²,向美华¹,陈智宇³,刘萍萍¹,兰 天¹ (1.北京工业大学材料与制造学部激光工程研究院,北京 100124;2.北京工业大学理学部物理与光电学院,北京 100124; 3.中国电子科技集团第29研究所电子信息控制重点实验室,成都 610036)

摘 要:电光调制器的半波电压和带宽主要取决于其电极结构,基于绝缘体上铌酸锂(lithium niobate on insulator, LNOI)结构调制器波导与基底折射率差为传统工艺的 10 倍左右,能够大幅提高光场和电场的重叠度,降低调制器的半波电压,提升调制带宽.当前迫切需要针对这一新型调制结构的电极进行优化设计.应用 COMSOL Multiphysic 和 HFSS 软件对 LNOI 结构的强度调制器进行协同仿真和优化设计.主要讨论了电极宽度、电极厚度、电极间距和上下包层厚度对调制器特性参数的影响,得到了调制器的电光重叠积分、微波折射率、微波衰减系数和电极特性 阻抗等参数.在此基础上,通过约束算法优化设计这些性能参数达到提高带宽和降低半波电压的目的.结果表明, 在电极长度为1 cm 的情况下,半波电压约为2.17 V,3 dB 带宽大于70 GHz.该研究工作对基于 LNOI 结构的电光调 制器的电极设计具有重要的指导意义.

关键词:协同仿真;薄膜铌酸锂;行波电极;相速匹配;重叠积分;电极结构参数
 中图分类号:TN 252
 文献标志码:A
 文章编号:0254-0037(2021)06-0565-08
 doi: 10.11936/bjutxb2020010007

Collaborative Simulation and Optimal Design of LiNbO₃ Thin Film Modulator

YANG Dengcai¹, CHEN Yukang¹, WANG Yunxin², XIANG Meihua¹, CHEN Zhiyu³,

LIU Pingping¹, LAN Tian¹

Institute of Laser Engineering, Faculty of Materials and Manufacturing, Beijing University of Technology, Beijing 100124, China;
 College of Physics and Optoelectronics, Faculty of Science, Beijing University of Technology, Beijing 100124, China;

3. Science and Technology on Electronic Information Control Laboratory, CETC29, Chengdu 610036, China)

Abstract: The half-wave voltage and bandwidth of the electro-optic modulator depend mainly on its electrode structure. The difference of refractive index between the waveguide and the substrate of the modulator based on the lithium niobate on insulator (LNOI) is about ten times of the traditional technique, which can significantly improve the overlap degree of light field and electric field, reduce the half-wave voltage, and improve the bandwidth. Therefore, it is urgent to optimize the electrode design of this structure. In this paper, COMSOL Multiphysics and HFSS were used to simulate and optimize the electrode of intensity modulator based on LNOI structure. The effects of electrode width, electrode thickness, electrode gap, upper and lower cladding thickness on the characteristic parameters of the modulator were discussed. Then, the parameters of the modulator, such as electro-optic overlap integral, microwave effective refractive index, microwave attenuation coefficient and electrode characteristic impedance, were obtained. On this basis, these performance parameters were optimized to improve

收稿日期: 2020-01-08

基金项目:国家自然科学基金资助项目(61771438,61871007);装备预研基金资助项目(6141B08231102)

作者简介:杨登才(1978—),男,副研究员,主要从事光电子器件方面的研究, E-mail: dengcaiyang@ bjut.edu.cn

bandwidth and reduce half wave voltage. Results show that the half-wave voltage reaches 2. 17 V, and the bandwidth of 3 dB is better than 70 GHz when the electrode length is 1 cm. The proposed work has important significance for the electrode design of LNOI-based electro-optic modulator.

Key words: collaborative simulation; lithium niobate thin film; traveling wave electrode; phase velocity matching; electro-optic overlap integral; parameters of electrode

铌酸锂(lithium niobate, LN)材料具有电光系 数大、光谱响应范围宽和加工工艺技术成熟的优 点^[1-2],在光纤通信、光纤陀螺等领域得到了广泛应 用^[2]. 传统的铌酸锂强度调制器采用质子交换或者 钛扩散的方法制备光波导^[1-5],由于掺杂部分的铌酸 锂与无掺杂的铌酸锂衬底折射率差很小,约为 0.007,导致光模场直径为9 μm 左右. 为了避免两 波导发生模式耦合,通常要求调制电极之间具有较 大的间距,这就间接降低了电光作用强度. 在 1.55 μm 的工作波长下,传统铌酸锂强度调制器的 半波电压与电极长度乘积一般在10 V·cm以上^[4-5].

近年来,由于铌酸锂薄膜工艺的突破,绝缘体上 铌酸锂(lithium niobate on insulator, LNOI)结构调制 器逐渐成为研究热点. LNOI 基片的衬底材料为硅 或者铌酸锂,衬底上生长了一定厚度的二氧化硅,二 氧化硅层表面键合着一层薄薄的铌酸锂单晶薄 膜^[6]. LNOI 结构波导主要是通过刻蚀或腐蚀工艺 加工铌酸锂薄膜形成脊形波导.脊型波导与二氧化 硅包层的折射率差为0.7 左右,更大的折射率差能 获得尺寸更小的导模,光模场直径约为1 µm^[7],这 样能极大地减小电极间距,增大电光作用效率.目 前,国内外报道的基于铌酸锂薄膜的电光调制器,半 波电压长度乘积达到了 2.2 V·cm^[8-10],1 cm 电极长 度下电光调制带宽达到了 70 GHz 以上^[11],这些性 能参数均大大优于传统铌酸锂调制器.同时,新的 衬底结构要求相匹配的电极结构,才能获得更低半 波电压并提高调制带宽. 然而目前尚未见专门针对 LNOI结构的调制电极进行优化设计的相关报 道[8,10-15]. 本文基于有限元方法,对基于铌酸锂薄膜 强度调制器的电极结构进行了深入分析和优化设 计. 该研究对 LNOI 结构的电光调制器的电极设计 具有重要的指导意义.

1 电极结构分析

马赫增德尔(Mach-Zehnder, MZ)强度调制器利 用电极施加电压信号来改变调制臂光波相位,两臂 干涉后实现输出光强的调制功能.输出光强最大和 最小时对应的电压差即为半波电压[16],可表示为

$$V_{\pi} = \frac{\lambda g}{n_e^3 \gamma_{33} \Gamma l} \tag{1}$$

式中:λ 为光波长;g 为电极间距;n_e 为 e 光折射率; γ₃₃为晶体 z 轴电光系数;l 为电极长度;Γ 为电光重 叠积分因子^[10],可以表示为

$$\Gamma = \frac{g}{V} \frac{\iint E_o^2(x, y) E(x, y) \, dx dy}{\iint E_o^2(x, y) \, dx dy}$$
(2)

式中:*V*为外加电压;*E*(*x*,*y*)为微波场分布;*E*_o(*x*, *y*)为光模场分布.

频率响应函数 H(f)的表达式^[17]为

$$H(f) = e^{-\frac{\alpha l}{2}} \left[\frac{\sin h^2 \left(\frac{\alpha l}{2}\right) + \sin^2 \left(\frac{\varepsilon l}{2}\right)}{\left(\frac{\alpha l}{2}\right)^2 + \left(\frac{\varepsilon l}{2}\right)^2} \right]^{0.5} (3)$$

式中: ε 为相速失配因子, $\varepsilon = 2\pi f(n_{eff} - n_o)/c, n_{eff}$ 为 介质中微波的有效折射率,统一简称为微波折射率, $n_{eff} = c\beta/\omega, \beta$ 为相位常数, ω 为角频率,c为真空中 的光速, n_o 为铌酸锂介质中光的有效折射率; α 为微 波衰减系数,包括导体损耗和介质损耗,Np/m.

当频率响应函数 H(f) 等于 $1/\sqrt{2}$ 时, 对应的频率范围即为3 dB 电光调制带宽 $\Delta f^{[17]}$.

与集总电极相比,行波电极结构具有调制带宽 大的特点,所以本文以行波电极结构为对象进行分 析.为了避免微波反射,需要进行阻抗匹配,即行波 电极特性阻抗要接近 50 Ω 负载阻抗.行波电极的 特性阻抗Z₀^[18]为

$$Z_0 = \sqrt{\frac{R + j\omega L}{G + j\omega C}} \tag{4}$$

式中 R、L、G、C 分别为行波电极的等效电阻、电感、 电导和电容.

综上所述,在给定电极长度和电极间距的条件下,调制器的半波电压 V_{π} 主要由电光重叠积分 Γ 决定;调制带宽 Δf 主要由介质中的微波折射率 n_{eff} 和衰减系数 α 决定.回波损耗主要由特性阻抗 Z_0 决定.要得到上述调制器特征参数,需要对强度调制器的调制臂建模进行截面分析和频率扫描分析.

2 模型建立

2.1 整体模型

为了实现宽带宽调制,调制器的电极通常采用共面波导(coplanar waveguide, CPW)行波电极结构,其 建模基于传输线结构.图1(a)显示的是铌酸锂 MZ 调制器内部的电极俯视图,可以看到,电极主要分为 调制区和过渡连接区,其中调制区决定了器件的半波 电压和带宽.调制器的截面模型如图1(b)所示.图 中黄色部分代表电极,电极材料为金,中间为信号电极(S),两边为地电极(G),红色部分为二氧化硅,青 色部分为铌酸锂薄膜刻蚀后的脊波导结构,橘黄色部 分为硅衬底.截面参数主要有:信号电极宽度 w、电极 厚度 t、电极间距 g、上包层厚度 t_u.和下包层厚度 t_d.



2.2 协同仿真流程

利用 COMSOL 集团的 COMSOL Multiphysics 多物理场仿真软件和 ANSYS 公司的 HFSS 高频电磁场仿真软件进行协同仿真设计,仿真流程如下.

1) 从电极截面出发,建好截面模型后,利用 COMSOL软件提取 CPW 行波电极的 R、L、G、C 分布 参数,计算得到微波有效折射率、特性阻抗和微波衰 减系数;同时进行模式分析得到波导内的光模场分 布,进而求得电光重叠积分.

 2)对电极的厚度 t、电极宽度 w、多电极间距 g、 上包层厚度 t_u和下包层厚度 t_d进行参数化扫描,优
 化得到一组综合性能指标最优的电极参数.

3)利用优化得到的电极参数在 HFSS 中建立 三维传输线模型,设置波导端口激励和网格后,进行 频率扫描,可以计算得到电极的 *S* 参数.

该协同仿真模型中,截面二维模型利用 COMSOL软件计算,复杂的三维模型利用 HFSS 软 件计算,发挥了各个软件的优势,具有求解速度快、 节省计算机资源的优点.

3 电极优化设计

3.1 模型验证

在上述建模基础上,完成电极设计,通过实验验 证仿真方法的有效性. 首先根据文献[10]中的电极 参数进行仿真,并将仿真结果(simulation result,SR) 和实验结果(experimental results,ER)进行了比较,电 场和光模场分布如图 2 所示,其中左侧颜色栏表示光 模场强度,右侧颜色栏表示电场强度。实验脊波导参 数为:脊顶部宽度 1.0 μm,脊厚 0.3 μm,脊下薄膜层 厚度 0.3 μm,倾角 75°. 可以得到,单模光斑较好地束 缚在脊波导里,且波导内的电场作用分布较强. 仿真 和实验数据对比如表 1 所示,半波电压与电极长度乘 积的实验结果略大于仿真结果,在误差允许范围内; 特性阻抗和微波有效折射率的仿真结果和实验结果 非常接近,验证了上述方法建模的有效性.



图 2 电场和光模场分布

Fig. 2 Distribution of electric field and optical mode field

表1 实验结果与仿真结果比较 Table 1 Comparison of ER and SR

			-			
参数	w/	t/	g/	$V_{\pi} \cdot l /$	Z_0	$n_{ m eff}$
	μm	μm	μm	$(V \cdot cm)$	Ω	
ER	13	0.6	5	1.4	50	2.3
SR				1.1	49	2.3

利用该模型进行优化设计.根据经验数据和实际 工艺条件^[8,10,19-20],本文仿真条件设置如下:光波长为 1.55 µm,微波信号频率设为 20 GHz,电极宽度的扫描 范围为 5 ~ 30 µm,步长为 2 µm,初始电极宽度为 13 µm;电极厚度的扫描范围设为 0.6 ~ 5.0 µm,步长为 0.4 µm,初始电极厚度为 1 µm;电极间距的扫描范围设 为 3 ~ 10 µm,步长为 1 µm,初始电极间距为 5 µm;下包 层的扫描范围设为 1 ~ 2 µm,步长为 0.2 µm,初始下包 层厚度为 1.6 µm;上包层的扫描范围设为 0 ~ 2 µm,步 长为 0.2 µm,初始上包层厚度为 0.3 µm.

3.2 电光重叠积分

根据式(1)可得,电光重叠积分越大,半波电压 越小.分析不同电极间距下,电光重叠积分的变化 情况.将式(1)做如下变换

$$V_{\pi} = \frac{\lambda g}{n_{e}^{3} \gamma_{33} \Gamma L} = \frac{\lambda}{n_{e}^{3} \gamma_{33} L} \frac{1}{\Gamma/g}$$
(5)

式中 Γ/g 为重叠积分与电极间距之比.

由式(5)可以得到,半波电压随 Γ/g 的增大而 减小.设置电极宽度、电极厚度、下包层厚度和上包 层厚度参数为初始值,对电极间距进行扫描,得到 Γ/g 随电极间距的变化,仿真结果如图 3(a)所示. 可以看出,电极间距越小, Γ/g 越大,表明电极间距 减小,模场处的电场强度增强,而电极宽度的变化不 会引起电极间电场的变化.

此外,电极厚度和上、下包层厚度对电极间电场 分布均有一定的影响.不同下包层厚度下,电光重 叠积分随电极厚度的变化如图 3(b)所示.仿真时 设置电极宽度、电极间距和上包层厚度为初始值,不 同下包层厚度下对电极厚度进行扫描.当下包层厚 度为定值时,随着电极厚度的增大,电光重叠积分快 速增大,电极厚度从0.6 µm 增加到3.0 µm 时,重叠 积分增幅为8.6%,当电极厚度大于3.0 µm 之后, 曲线趋于平缓,变化小于0.1%,即模场处快速增大 的电场此后基本趋于稳定,电极厚度最优取值不低 于3.0 µm,以得到较大的重叠积分;当给定电极厚 度,下包层厚度从1.0 µm 增加到2.0 µm 的过程中, 电光重叠积分逐渐增大,增幅约为3.4%.

设置电极宽度、电极间距、电极厚度和 t_d 参数 为初始值,对 t_u 进行扫描,分析电光重叠积分随上 包层厚度的变化关系时,得到的变化曲线如图 3(c) 所示。没有覆盖上包层(t_u=0)时,电光重叠积分处 于最小值 1.13;当覆盖上包层,并逐渐增加 t_u,但不 超过电极厚度 1.0 μm 时,电极间分布的电场得到了 一定的束缚,局部电场增大,电光重叠积分迅速提高



了 3.5%. 当 t_u 大于电极厚度 1.0 μm 时,电极间的 电场束缚不再增强甚至开始减弱,所以电光重叠积 分略有减小的趋势.因此, t_u 应不超过电极厚度.

3.3 微波折射率

根据前面的分析可知,调制带宽主要与相速失 配和微波衰减有关,相速失配越小,带宽越大.相速 失配的原因是铌酸锂波导中的微波折射率接近光波 折射率的2倍,需要通过改变电极结构参数来降低 微波折射率.微波折射率可表示为 $n_{\text{eff}} = \sqrt{\varepsilon_{\text{eff}}}, \varepsilon_{\text{eff}}$ 为介质的有效介电常数,所以改变微波折射率的方 法主要是通过改变电极附近低介电常数材料的结构 或面积,来达到改变有效介电常数的目的.

首先,对电极宽度和电极间距进行扫描,得到不同电极间距下,微波折射率随电极宽度的变化如图4(a)所示.随着电极宽度的增加,微波折射率逐渐增大,当电极间距为7μm时,电极宽度从10μm增加到30μm的过程中,微波折射率逐渐减小,不同电极宽度下的减少幅度在3.0%~4.6%变化,电极间距大于6μm之后微波折射率趋于不变.因此缩小电极宽度和增大电极间距,有利于降低微波折射率,而且增大电极间距的效果更为显著.

此外,上下包层厚度和电极厚度的改变也会影



响有效介电常数进而影响微波折射率.电极厚度和 下包层厚度对微波折射率的影响如图4(b)所示,在 仿真扫描范围内电极和下包层越厚,微波折射率越 低,在电极厚度从0.6 μm增加到5.0 μm时,微波折 射率降低了9.4%左右,下包层厚度从1.0 μm增加 到2.0 μm时,微波折射率降低了5.4%左右.上包 层厚度对微波折射率的影响如图4(c)所示.微波 折射率随着上包层厚度的增加而增加,厚度从0增 加到2.0 μm时,微波折射率增加了6.8%.因此,增 加电极厚度和下包层厚度,减小上包层厚度,有助于 降低微波折射率.

3.4 微波衰减系数

影响带宽的另一因素是电极的微波衰减系数, 衰减系数越小,带宽越大.衰减系数由导体损耗和 介质损耗共同决定.导体损耗源于导线阻抗对电流 的消耗,由于射频信号的趋肤效应,导致电流损耗变 大;介质损耗源于介质的极化,交流电场使介质中电 偶极子极化方向不断变化,消耗能量.

首先分析电极宽度和电极间距对衰减系数的影响.不同电极间距下,衰减系数随电极宽度的变化如图 5(a)所示.电极宽度增大时,电极截面变大,阻抗减小,导体损耗也将减小,而介质损耗近似不变,所以衰减系数减小,当电极间距增大时,局部电场减弱,介质极化变弱,介质损耗将减小,而导体损耗近似不变,所以衰减系数也减小,这与图中曲线的变化趋势十分契合.因此增大电极宽度和电极间距有助于减小微波衰减.

其次分析电极厚度的变化与电极宽度的变化类 似,随着电极的加厚,电极截面变大,导体损耗减小, 而介质损耗不变,所以衰减系数将减小,如图5(b) 所示. 从图中还注意到电极厚度大于3倍趋肤深度 (1.65 µm)时,剧烈下降的衰减系数开始趋于平缓; 另外下包层厚度增大时,介质损耗稍有降低,衰减系 数略有减小. 所以增大电极厚度和下包层厚度有利 于降低微波衰减.

最后分析衰减系数随上包层厚度的变化,如 图 5(c)所示.随着上包层厚度的增加,电极间电场 强度变大,介电损耗将增大,所以衰减系数也有所增 加.因此上包层越薄,衰减系数越小,仿真扫描范围 内变化幅度小于 6.5%.

3.5 特性阻抗

行波电极的特性阻抗与负载阻抗不匹配,即阻 抗失配,会引起回波损耗.阻抗失配越小,即特性阻 抗越接近负载阻抗,回波损耗越小.



首先分析不同电极间距下,特性阻抗随电极宽 度的变化. 根据前面的分析,电极宽度越宽,电极截 面越大,所以特性阻抗将减小. 电极间距越大,高频 电信号与地电极的距离变大,所以特性阻抗将变大, 仿真结果如图 6(a)所示.

其次分析不同下包层厚度下特性阻抗随电极厚度 的变化,如图6(b)所示.随着电极厚度的增加,电极截 面变大,特性阻抗迅速减小.下包层厚度增大,阻抗略 有增加.因此减小电极宽度,增大电极间距,减小电极 厚度以及增大下包层厚度,有助于增大特性阻抗.

最后分析上包层厚度对特性阻抗的影响,如 图 6(c)所示.随着上包层的增厚,特性阻抗逐渐减 小.因此减小上包层的厚度有利于增大特性阻抗,从



2.0 µm 厚度减小到 0 µm,特性阻抗增大了 6.2%.

3.6 优化分析

电极宽度、电极间距、电极厚度和上下包层厚度 对各电极性能参数的影响十分复杂,无法同时达到最 优值,所以它们的取值应该综合考虑.这里采用软件 内置的多变量约束优化算法,把电极宽度、电极间距 和电极厚度作为自变量,半波电压、微波有效折射率、 微波衰减系数和特性阻抗作为因变量,暂时不覆盖上 包层,首先设置下包层厚度为2.0 μm,在一定范围内 随机改变自变量的值使得半波电压、微波衰减系数趋 近最小值,微波有效折射率和特性阻抗分别趋近光模 式有效折射率1.876 和匹配阻抗 50 Ω,经过数次迭 代,得到了一组优化解,电极宽度、电极间距和电极厚 度分别为6.0、6.0,6.0, μ m,此时计算得到 20 GHz 下 微波折射率为1.842,特性阻抗为46.6 Ω, 半波电压 为2.61 V, 当覆盖厚度为0.4, μ m 的上包层时,模型分 析得到光模式有效折射率为1.895, 微波有效折射率 为1.864,特性阻抗为46 Ω, 相速匹配和阻抗匹配均 良好, 半波电压为2.45 V,降低70.16 V.由于下包 层的增厚对各表征参数均有利,因此接下来将下包层 厚度设置为4.6, μ m,重复优化求解步骤,得到新的一 组优化解,电极宽度、电极厚度、电极间距参数分别为 13.3,2.2,5.3, μ m, ± 20 GHz 下微波折射率为1.950, 特性阻抗为49.2 Ω, 半波电压降为2.35 V,当覆盖厚 度为0.4, μ m 的上包层时,微波有效折射率为1.975, 特性阻抗为48.8 Ω, 半波电压为2.17 V,这表明在下 包层厚度增加后,器件阻抗得到了更好的匹配,半波

LNOI 结构电光调制器的调制波导可以采用干 法或湿法刻蚀工艺,在 LNOI 衬底上刻蚀出脊型波 导,目前哈佛大学、山东大学、中山大学等多个研究 机构已经进行了深入的研究和探索^[7,10-11],并成功 实现了铌酸锂薄膜波导的刻蚀. 然后,通过蒸镀一 定厚度的金电极实现调制电极的制备. 蒸镀电极之 前,在铌酸锂表面溅射一层几纳米的金属铬膜,用于 增加金电极的黏附性,而这层铬膜对电极性能的影 响很小,因此,分析时常忽略不计. 最后,溅射一层 二氧化硅作为脊波导的上包层,降低脊波导表面粗 糙度带来的损耗.

接下来对4.6 μm 下包层厚度下选定的参数建 立片上行波电极模型,进行频率扫描分析.

4 高频特性分析

电压也得到了进一步降低.

利用优化得到的电极参数在 HFSS 软件中建立 三维 CPW 传输线模型,电极长度设为1 cm,对其进行 频率扫描,扫描范围为0.1~75.0 GHz,步长0.1 GHz.

扫描得到电光 S21 (EO-S21)和电极回波损耗 S11 (E-S11)的频率响应曲线如图 7 所示.可以看



Fig. 7 Frequency response curve of traveling-wave electrode

出,3 dB 调制带宽大于 70 GHz,高频条件下的回波 损耗整体低于 – 20 dB.

5 结论

 1) 仿真分析表明,脊上覆盖的上包层能够有效 增大电光重叠积分,上包层越厚,电光重叠积分越 大,当t_a超过电极厚度时,重叠积分变化趋缓. 然 而,上包层的加厚会降低阻抗,增大微波折射率和微 波损耗,不利于阻抗匹配和相速匹配,但是能够降低 半波电压. 因此,需要权衡考虑脊上覆盖的上包层 的参数设计,兼顾半波电压、带宽等性能.

2)随着 t_d的增加,电光重叠积分和特性阻抗均 增大,微波折射率和微波损耗均减小,既有利于降低 半波电压和电极回波损耗,又能增大带宽,所以应在 工艺允许范围内尽可能增加 t_d.

3) 优化得到了一组电极参数,当电极长度为 1 cm 时,器件半波电压为 2.17 V,3 dB 带宽大于 70 GHz,回波损耗在高频条件下整体低于 - 20 dB, 达到了较好的优化设计结果.由于目前还没有针对 这种新结构的电极分析的报道,因此本文的研究对 基于 LNOI 结构电光调制器的电极设计具有重要的 指导意义.

参考文献:

- NOGUCHI K, MITOMI O, MIYAZAWA H. Millimeterwave Ti: LiNbO₃ optical modulators [J]. Journal of Lightwave Technology, 1998, 16(4): 615-619.
- [2] WOOTEN E L, KISSA K M, YI-YAN A, et al. A review of lithium niobate modulators for fiber-optic communications systems [J]. IEEE Journal of Selected Topics in Quantum Electronics, 2000, 6(1): 69-82.
- [3] JANNER D, TULLI D, GARCÍA-GRANDA M, et al. Micro-structured integrated electro-optic LiNbO₃ modulators
 [J]. Laser & Photonics Reviews, 2010, 3(3): 301-313.
- [4] LUO R, JIANG H, ROGERS S, et al. On-chip secondharmonic generation and broadband parametric downconversion in a lithium niobate microresonator [J]. Optics Express, 2017, 25(20): 24531-24539.
- [5] NIKOGOSYAN D N. Nonlinear optical crystals: a complete survey [M]. New York: Springer-Science, 2005: 5-74.
- [6] POBERAJ G, HU H, SOHLER W, et al. Lithium niobate on insulator (LNOI) for micro-photonic devices[J]. Laser & Photonics Reviews, 2012, 6(4): 488-503.
- [7] HAN H, CAI L, HU H. Optical and structural properties of single-crystal lithium niobate thin film [J]. Optical

Materials, 2015, 42: 47-51.

- [8] WANG C, ZHANG M, CHEN X, et al. Integrated lithium niobate electro-optic modulators operating at CMOScompatible voltages [J]. Nature, 2018, 562 (7725): 101-104.
- [9] WANG C, XIONG X, ANDRADE N, VENKATARAMAN V, et al. Second harmonic generation in nano-structured thin-film lithium niobate waveguides [J]. Optics Express, 2017, 25(6): 6963-6973.
- [10] JIAN J, XU M, LIU L, et al. High modulation efficiency lithium niobate Michelson interferometer modulator [J].
 Optics Express, 2019, 27(13): 18731-18739.
- [11] ZHANG M, WANG C, CHEN X, et al. Ultra-high bandwidth integrated lithium niobate modulators with record-low V_π [C] // Optical Fiber Communication Conference. Piscataway: IEEE, 2018: 1-3.
- [12] ZHANG X, MIYOSHI T. Optimum design of coplanar waveguide for LiNbO₃ optical modulator [J]. IEEE Transactions on Microwave Theory and Techniques, 1995, 43(3): 523-528.
- [13] 崔海娟,陈福深. LiNbO₃ 电光调制器行波电极优化设 计[J]. 电子科技大学学报,2003,32(3):309-312.
 CUI H J, CHEN F S. Optimum design of traveling wave electrode for LiNbO₃ electro-optic modulator [J]. Journal of University of Electronic Science and Technology, 2003,32(3):309-312. (in Chinese)
- [14] KRASNOKUTSKA I, TAMBASCO J J, LI X, et al. Ultra-low loss photonic circuits in lithium niobate on

insulator[J]. Optics Express, 2018, 26(2): 897-904.

- [15] HE M B, XU M Y, REN Y X, et al. High-performance hybrid silicon and lithium niobate Mach-Zehnder modulators for 100 Gbit • s⁻¹ and beyond [J]. Nat Photonics, 2019, 13: 359-364.
- [16] 李金洋, 逯丹凤, 祁志美. 铌酸锂波导电光重叠积分 因子的波长依赖特性分析[J]. 物理学报, 2014, 63 (7): 077801-1-077801-7.
 LI J Y, YAN D F, QI Z M. Wavelength-dependent analysis of the overlap integral factor of lithium niobate wave conduction light[J]. Acta Phys Sinica, 2014, 63 (7): 077801-1-077801-7. (in Chinese)
- [17] CHUNG H, CHANG W S C, ADLER E L. Modeling and optimization of traveling wave LiNbO₃ interferometric modulators [J]. IEEE Journal of Quantum Electronics, 1991, 27(3): 608-617.
- [18] POZAR D M. Microwave engineering [M]. New York: John Wiley & Sons, 2009: 60-106.
- [19] WANG C, ZHANG M, STERN B, et al. Nanophotonic lithium niobate electro-optic modulators [J]. Optics Express, 2018, 26(2): 1547-1555.
- [20] REN T H, ZHANG M, WANG C, et al. An integrated low-voltage broadband lithium niobate phase modulator
 [J]. IEEE Photonics Technology Letters, 2019, 31 (11): 889-892.

(责任编辑 杨开英)