# 平板菲涅尔透镜设计及组合优化方法

杨光辉<sup>1,2</sup>,卫 明<sup>1</sup>,陈丙振<sup>1</sup>,郭丽敏<sup>1</sup>,沈 度<sup>1</sup>,王智勇<sup>1</sup> (1. 北京工业大学 激光工程研究院,北京 100124; 2. 第二炮兵装备研究院 第二研究所,北京 100085)

摘 要:为了解决传统的球面菲涅尔透镜模具加工工艺难度大、精度低、制作成本高等问题,提出一种中心透镜为 球面、外侧环带为倾斜面的平板菲涅尔透镜的设计方法,并进行了基于多平面拟合和基于多焦点的组合优化设计, 给出了具体设计实例,进行了光学仿真.结果表明:优化后菲涅尔透镜聚光效率达 93%,聚焦光斑能量均匀性 4.9, 满足设计要求.

关键词:菲涅尔透镜; 焦斑; 高倍聚光光伏 中图分类号: 0435 文献标志码: A 文章编号: 0254 - 0037(2014)10 - 1465 - 07

## Flat Plate Type Fresnel Lens Design and Its Combinatorial Optimization

YANG Guang-hui<sup>1,2</sup>, WEI Ming<sup>1</sup>, CHEN Bing-zhen<sup>1</sup>, GUO Li-min<sup>1</sup>, SHEN Du<sup>1</sup>, WANG Zhi-yong<sup>1</sup>

(1. Institute of Laser Engineering, Beijing University of Technology, Beijing 100124, China;

2. The Second Research Institute, the Second Artillery Equipment Institute, Beijing 100085, China)

Abstract: To solve the problem that the traditional spherical Fresnel lens mold processing was difficult, low precision and high cost, a Fresnel lens design was presented to gain higher optical efficiency. In this design, spherical surface for center lens and inclined plane for outer rings based on the result of multiplane fitting and multi-focal combinatorial optimization were employed. A design case was given as well as its optical simulation. Results show that, after optimization, the Finel lens concentrator efficiency up to 93%, the focused beam energy uniformity 4.9, meet the design requirements.

Key words: Fresnel lens; focal spot; high concentrating photovoltaic

近年来,在新能源领域,高倍聚光光伏技术 (high concentrating photovoltaic, HCPV)备受关注. 透射式菲涅尔透镜被广泛地应用于 HCPV 模组,成 为研究热点,其作用是将较大面积的太阳光聚焦到 小面积的光伏电池上.哈尔滨工业大学的刘永强 等<sup>[1]</sup>、武汉理工大学的李鹏等<sup>[2]</sup>、吉林大学的姜 磊<sup>[3]</sup>、长春理工大学的李盟<sup>[4]</sup>、西安交通大学的崔 福庆等<sup>[5]</sup>、长春理工大学的朴聪等<sup>[6]</sup>都开展了这方 面的研究;国外研究菲涅尔透镜的主要有德国的 Fraunhofer 太阳能系统研究所和 Concentrix Solar 公 司<sup>[7-9]</sup>、西班牙马德里理工大学的 D. Vázquez-Moliní 等<sup>[10]</sup>和日本东京农工大学的 R. Leutz 等<sup>[11]</sup>和 A. Akisawa 等<sup>[12-13]</sup>.这些研究大部分是基于中低倍聚 光条件下或曲面菲涅尔透镜.本文提出一种混合型 平板菲涅尔透镜设计方法,并进行了组合优化.理 论上来说,菲涅尔透镜的工作面应该和与它具有等 效聚光效果的凸透镜的表面(球面或非球面)一致, 考虑到加工工艺,一般用选用球面,但是工作面为球 面的平板菲涅尔透镜模具加工难度仍较大,制作成 本仍很高,尤其是当菲涅尔透镜的环带数量设置得 比较多,每个环带的宽度较窄时,因此,为了减小加 工难度、降低工艺成本,菲涅尔透镜除第1环采用球

收稿日期: 2013-06-16

基金项目:教育部新世纪优秀人才计划资助项目(39101999201101)

作者简介:杨光辉(1976一),男,博士研究生,主要从事应用光学、聚光太阳能技术方面的研究, E-mail: yang3881@ emails. bjut. edu. cn

面外,其他每个环带的工作面近似采用倾斜面代替.

## 1 平板菲涅尔透镜设计

为方便描述,本文将菲涅尔透镜的中心透镜称 为第1环,从中心往外依次为第2,3,…,N环,将r<sub>1</sub> 定义为菲涅尔透镜的中心透镜的实际半径.

## 1.1 第1环球面透镜设计

图 1 为平行光通过菲涅尔透镜的中心球面透镜 的光路图,由于太阳光近似于平行光,平行于透镜的 光轴的入射光在中心球面透镜的第 1 个平面上无折 射,设入射在中心透镜上边缘的光线在球面上的入 射角为  $i_1$ ,折射角为  $i'_1$ ,中心球面透镜的上边缘入射 光的像方孔径角为  $u'_1$ ,中心球面透镜的半径为  $r_1$ , 图中 O 点为菲涅尔透镜中心, $O_1$ 点为中心球面透镜 的曲率中心,F 点为该菲涅尔透镜的实际焦点, $A_0$ 为 中心球面透镜的上边缘入射光与菲涅尔透镜焦平面 的交点, $F_0$  为入射光与光轴的交点,透镜材料的折 射率为 n,透镜焦距为 f.



图 1 中心球面透镜成像光路 Fig. 1 Optical path of the center spherical len

由几何光学知识推导、整理后可得,平行光经该 中心球面透镜折射后在菲涅尔透镜焦平面上形成的 焦斑半径 x<sub>1</sub>为

$$x_1 = f \cdot \tan\left(\arcsin\left(\frac{2nhr_1}{r_1^2 + h^2}\right) - \arcsin\left(\frac{2hr_1}{r_1^2 + h^2}\right)\right) - r_1$$
(1)

对于口径固定的菲涅尔透镜而言,聚焦光斑越 小,该透镜的聚光比越大,显然,由式(1)可知:当n、 h、f都已知时, $x_1$ 是 $r_1$ 的函数,因此,可根据 $x_1$ 和 $r_1$ 的 函数关系求出能使 $x_1$ 最小的 $r_1$ 的取值.

## 1.2 外侧环带透镜设计

对从第2环开始以后各环的设计方法进行说明.图2为工作面为倾斜面的等厚型平板菲涅尔透镜成像光路.太阳光近似看作平行光.设菲涅尔透镜的材料折射率为 n,则经空气入射至菲涅尔透镜

第 N 环(N 取值为自然数)平面侧中间点 P 的光线 在菲涅尔透镜第 N 环的平面侧不产生折射,随后折 射光线在菲涅尔透镜中直线传播一段距离后达到菲 涅尔透镜第 N 环的倾斜面处的 Q 点,该光线再次在 Q 点处发生折射后最终被聚焦于光轴上的 F'点,u'<sub>N</sub> 为像方孔径角.





由几何光学知识推导得,工作面为倾斜面的菲 涅尔透镜设计公式为

$$\tan \alpha_{N} = \frac{\sin u_{N}'}{n - \cos u_{N}'} = \frac{r_{N}}{n \sqrt{(f - h/2)^{2} + r_{N}^{2}} - (f - h/2)}$$
(2)

式中:*α<sub>N</sub>*为第 *N* 环的工作面倾角;*r<sub>N</sub>*为第 *N* 环的中 心半径(即从菲涅尔透镜的中心到第 *N* 环的半宽度 处的长度);*h* 为第 *N* 环的最高点厚度.

设图 2 中,第 N 环的宽度为  $b_N$ ,第 N – 1 环的宽 度为  $b_{N-1}$ ,第 N 环相对于第 N – 1 环的半径增值为  $\Delta r_N$ ,则由几何关系,并结合式(2)推导整理,得第 N 环参数满足

$$\frac{r_{N-1} + \Delta r_N}{n \sqrt{(f - h/2)^2 + r_N^2} - (f - h/2)} = \frac{h}{2\Delta r_N - b_{N-1}}$$
(3)

式中透镜材料折射率 n 已知, $f_{n}h$  由设计要求给出, 因此,当知道第 N-1 环的参数  $r_{N-1}$ 和  $b_{N-1}$ 时即可计算 出  $\Delta r_{N}$ 的实数解,从而确定出第 N 环的参数  $r_{N}$ 和  $b_{N}$ .

## 2 平板菲涅尔透镜实例

假设等厚型平板菲涅尔透镜设计参数要求为: 菲涅尔透镜为方形口径,透镜焦距 f = 93.5 mm,透 镜厚度 h = 0.4 mm,聚光倍数不低于 500 倍,透镜的 聚光效率不低于 85%,配合使用的太阳能电池接收 区最大为  $\phi 2.5 \text{ mm}$  的圆形,透镜使用硅酮材料(折 射率 n = 1.4111).

首先,由几何聚光比定义,将菲涅尔透镜的口径 确定为 50 mm × 50 mm.

根据式(1)计算出能使焦斑半径  $x_1$ 最小的中心 球面透镜的半径  $r_1 = 5.5$  mm,曲率半径为  $R_1 =$ 38.0125 mm.根据式(3),采用 Matlab 软件编程,确 定透镜口径范围内第 2~37 各环带参数,部分参数 见表 1.

表 1 菲涅尔透镜环带参数 Table 1 Parameter of 2-10 rings of Fresnel lens

环数	环带宽度/mm	环数	环带宽度/mm
2	2. 322 7	7	1. 120 7
3	1.7862	8	1.0476
4	1.5112	9	0.988 2
5	1.3367	10	0.9387
6	1.2135		

## 3 聚焦光斑分析

当菲涅尔透镜各环带的工作面为倾斜平面时, 人射到每个环带上的光束经该环带透镜后在菲涅尔 透镜焦平面上所成的像为一个弥散斑,各弥散斑叠 加后形成整个菲涅尔透镜在其焦平面的聚焦光斑. 若光斑面积大于接收面上的太阳能电池面积则会造 成能量损失,降低聚光效率;反之,则可能造成能量 过于集中,降低电池的光电转换效率.因此,理想情 况是聚焦光斑面积和电池面积基本相当.

在第2节实例中,由式(1)可得第1环中心透 镜聚焦光斑尺寸.以下仅对第2环以后各环带透镜 的聚焦光斑进行分析.图3为太阳光经工作面为倾 斜平面的菲涅尔透镜的成像光路.设B点为图中第 N个环带透镜的平面侧中点,A点为图中第N个环 带透镜的工作面中点.太阳光线N'以倾角 $\theta_0 = \gamma_0/2$ =16入射至B点,光线N'在第N个环带透镜的平 面上的折射角为 $\theta_N$ ,在第N个环带透镜的工作面上的入 射角为 $\theta_N'$ ,折射角为 $\theta_N'$ ,在第N个环带透镜的工作 面上的交点为 $A_2$ ,出射光线在菲涅尔焦平面上的交 点为 $B_2$ ,菲涅尔透镜折射率为n,焦距为f,第N个 环带透镜的工作面倾角为 $\alpha_N$ .

由几何光学知识推导、整理可得,太阳光经菲涅 尔透镜的第 N 环透镜后在菲涅尔透镜的焦平面上 所成的焦斑半径 x'<sub>n</sub>为

$$x'_{N} = \left(f - \frac{h}{2}\right) \times \tan\left(\theta''_{N} - \alpha_{N}\right) - r_{N} + \frac{b_{N}\cos i'_{N1}}{2\cos \alpha_{N}\cos\left(i'_{N1} - \alpha_{N}\right)}$$
(4)

式中: $i'_{N1}$  = arcsin( $n\sin\alpha_N$ )  $\theta''_N$  = arcsin( $n\sin(\alpha_N + \theta_N)$ ).  $f_{\lambda}h_{\lambda}\alpha_N, r_N, b_N$ 在设计时已确定好.





根据式(4)采用 Matlab 编程,对第2节中设计 实例的焦斑大小进行分析.图4为焦斑半径随环数 N的变化图.由图4可知:由于第1环聚焦光斑远 小于其他工作面的聚焦光斑;从第2~37环,聚焦光 斑大小呈先大幅减小随后又缓缓增大的趋势.第 2~4环透镜的焦斑大小分别为: $x_2$  = 1.5894 mm,  $x_3$  = 1.3232 mm, $x_4$  = 1.1886 mm,而设计要求中需 要将光聚焦到  $\phi$ 2.5的太阳能电池上,因此,该菲涅 尔透镜的第2、3环有待于进一步优化.



while the number of rings increasing

## 4 平板菲涅尔透镜组合优化方法

由聚焦光斑分析可知,第1环中心透镜光斑很小,能量过于集中;第2、3环焦斑半径大于太阳能电 池半径,有能量损失;从第4环起焦斑半径又逐渐减 小.本文组合优化的思路是将接收平面上尺寸较小 的焦斑放大,同时将尺寸较大的焦斑缩小,使其与太 阳能电池有效面积匹配,达到匀化焦斑能量的目的. 具体方法是,将第1~4透镜内侧环带采用基于多平 面拟合的方法进行优化,对从第5环起外侧透镜环 带采用基于多焦点的优化设计.

## 4.1 基于多平面拟合的优化设计

结合图 5 说明基于多平面拟合的优化设计方法.





图 5 为用多个倾斜平面拟合而成的第1 环透镜 设计原理图,为方便说明,图中以菲涅尔透镜光轴为 z轴,并以其平面侧为 y 轴建立 yOz 坐标系.为使透 过该环透镜的光线在焦平面上的能量尽量均匀,将 该环透镜顶部设计为一个平行于菲涅尔透镜平面侧 的小平面,即如图中 A<sub>0</sub>A<sub>1</sub>所示,由于该菲涅尔透镜 厚度为 h,设第1 环顶部小平面的口径为 a,则点 A, 的坐标为: $(y_1, z_1) = (a, h)$ ,设图中该环透镜的工作 面由折线 A<sub>0</sub>A<sub>1</sub>, A<sub>1</sub>A<sub>2</sub>, …构成(即由菲涅尔透镜光轴 沿其径向往外侧,该环透镜的工作面折线上的转折 点依次为A<sub>0</sub>,A<sub>1</sub>,…),该环透镜工作面上每个倾斜 平面的设计思想都是使得垂直于菲涅尔透镜平面侧 入射到每个倾斜平面上两侧边缘的光线刚好能被折 射至太阳能电池有效接收平面的边缘. 例如图 5 中 入射到倾斜平面 A1A2边缘点 A1的光线最终落在菲 涅尔透镜焦平面上的点 A', 入射到倾斜平面 A, A, 边 缘点 A2的光线最终落在菲涅尔透镜焦平面上的点 A'2,而 A'1A'2是太阳能电池的有效接收平面.

设入射到倾斜平面  $A_1A_2$ 上的光线在该倾斜平面上的入射角为  $i_1$ ,折射角为  $\beta_1$ ,折射光线和菲涅尔透镜光轴的夹角为  $\gamma_1$ ,则

$$\begin{cases} n\sin i_1 = \sin \beta_1 \\ \gamma_1 = \beta_1 - i_1 \\ \gamma_1 = \tan \frac{a + \gamma_1}{f - z_1} \end{cases}$$
(5)

可解得 i<sub>1</sub>和 β<sub>1</sub>,其中 n 为菲涅尔透镜材料折射率.

由图 5 中的几何关系可求得点  $A_{M}$ 的坐标  $(y_{M}, z_{M})$ 为

$$\begin{cases} y_{M} = y_{M-1} + \frac{2a \cdot \cos i_{M-1} \cos(i_{M-1} - \beta_{M-1})}{\cos \beta_{M-1}} \\ z_{M} = z_{M-1} - \frac{2a \cdot \sin i_{M-1} \cdot \cos(i_{M-1} - \beta_{M-1})}{\cos \beta_{M-1}} \end{cases}$$
(6)

若根据已知条件计算出的  $z_2 \leq 0$ ,则停止该环透 镜的曲面拟合过程,并将线段  $A_1A_2$ 和 y 轴的交点作 为该环透镜的外侧边缘点;若  $z_2 > 0$ ,则继续顺序确 定下一倾斜平面  $A_2A_3$ 的外侧点  $A_3$ 的坐标( $y_3, z_3$ ), ( $y_4, z_4$ ),…,下一倾斜平面  $A_MA_{M+1}$ 的外侧点  $A_{M+1}$ 的 坐标( $y_{M+1}, z_{M+1}$ ),直至满足条件  $z_{M+1} \leq 0$  时停止该 环透镜的曲面拟合.

采用上述方法将第 3 节中透镜实例的前几环透 镜进行优化. 太阳能电池的有效接收面积为  $\phi$ 2.5 的圆,考虑到太阳半张角的影响,初步将第 1 环透镜 的第 1 个平面口径值设为 a = 1.2 mm(即  $y_1 = 1.2 \text{ mm}$ ),此外, n = 1.411 1, f = 93.5 mm,  $z_1 = h = 0.4 \text{ mm}$ ,则由式(5)(6)可计算出该菲涅尔透镜的第 1 ~ 4 环透镜工作面的多个倾斜平面拟合数据.

## 4.2 基于多焦点的优化设计

多焦点优化方法是将聚焦光斑较小的透镜环带 的焦距拉长,使其在接收电池面上光斑半径加大,从 而使光斑面积与电池有效面积相当,以达到匀化光 斑能量的目的.下面以两焦点优化为例进行说明, 多焦点优化同理.

图 6 为两焦点平板菲涅尔透镜光路.图中,该 菲涅尔透镜的预定焦距为 *f*,而第 *N* 环透镜的焦距 为 *f*<sub>1</sub>,显然,当 *f*<sub>1</sub>大于预定焦距 *f* 一定值时,平行光经 过该环带透镜后在该菲涅尔透镜的焦平面上所成的 像为一个圆环形光斑.



图 6 多焦点菲涅尔透镜光路 Fig. 6 Optical path of multifocal Fresnel lens

由图 6 可看出,为了进一步使菲涅尔透镜的聚 焦光斑均匀化,可将其工作面为倾斜平面的外环透 镜焦点设置得比预定焦距大,以将这个环带透镜原 聚焦到菲涅尔透镜焦平面中心的光斑变为圆环形光 斑,从而可减小菲涅尔透镜聚焦光斑中央的能量同 时提高外侧能量.

## 5 平板菲涅尔透镜建模及仿真

#### 5.1 模拟1

根据第2节中设计的菲涅尔透镜实例数据,在

Solidworks 中建模, 再将模型导入 Tracepro 中. 采用 某型硅酮胶作为菲涅尔透镜材料. 选定 530 nm 为 模拟光线的主波长(材料折射率  $n_{\lambda=530}$  = 1.411 1), 模 拟光源采用太阳光垂直入射, 模拟太阳光源强度定 义为标准光强 1 kW/cm<sup>2</sup>, 在 Tracepro 中距离菲涅尔



图 7 焦平面上 φ2.5 范围内辐照度



由图 7 的光学仿真可知:经过该菲涅尔透镜聚 焦后,在f = 93.5 mm 处的  $\phi$ 2.5 范围内接收到了 387 601 条光线,该菲涅尔透镜的聚光效率为: $\eta_1$  = 387 601/426 630 × 100% = 90.9%.由图 7(b)可看 出,在距离菲涅尔透镜 f = 93.5 mm 处的接收平面 上, $\phi$ 1 范围内聚焦光斑的能量均匀性较好,但是在 整个  $\phi$ 2.5 的接收平面内聚焦光斑能量均匀性为: U = 2 981 400/425 210 = 7, 即:f = 93.5 mm 处的

φ2.5的接收平面内焦斑的最大辐照度约为平均辐照度的7倍.

透镜 f=93.5 mm 处定义一个接收面,进行光线追迹

426 630 条, 在 f = 93.5 mm 处 φ2.5 接收平面上模拟

在 Tracepro 中设定太阳光源发出的光线数为

后分析该接收面上的聚焦光斑辐照度情况.

照度图如图7所示.

#### 5.2 模拟2

将前几个环带透镜的工作面按照 4.1 节中的方 法进行优化,用多个倾斜平面拟合成曲面,采用 Tracepro进行光学仿真,条件设定与模拟 1 相同. 菲 涅尔透镜焦平面的能量分布如图 8 所示.



#### 图 8 首次优化后焦平面辐照度(聚光比 500 ×)



由图 8 可见,此时入射的 426 630 条太阳光经 菲涅尔透镜聚焦后有 421 487 条光线入射到 *f* = 93.5 mm 处焦平面的 φ2.5 范围内,菲涅尔透镜的聚 光效率为

η<sub>1</sub> = 421 487/426 630 × 100% = 98.8%
 φ2.5 的接收平面内焦斑的最大辐照度是平均辐照

度的 6.38 倍.

#### 5.3 模拟3

不改变透镜第1~4环的参数,将第5~37环焦 距全设为*f*,进行设计,对优化后得到的双焦点菲涅 尔透镜采用 Tracepro 进行光学仿真.条件设定同模 拟1. 当 $f_1$  = 93.8 mm 时,仿真得到离菲涅尔透镜f = 93.5 mm 处的  $\phi$ 2.5 接收平面上的能量分布如图 9 所示.此时菲涅尔透镜的聚光效率为 98.2%, $\phi$ 2.5 的接收平面内焦斑的最大辐照度是平均辐照度的 5.9 倍.对比图 8 的结果可见:虽然该多焦点优化方

法牺牲了部分聚光效率,但是经过该双焦点优化后 菲涅尔透镜的聚焦光斑能量均匀性得到了提高.

当 f<sub>1</sub> = 95 mm 时, 仿真得到离菲涅尔透镜 f = 93.5 mm 处的 φ2.5 接收平面上的能量分布如图 10 所示.



图 9 双焦点优化后焦平面辐照度(f<sub>1</sub>=93.8 mm,聚光比 500 ×)

Fig. 9 Irradiance map of Focal plane of Fresnel lens after the two focus optimization

 $(f_1 = 93.8 \text{ mm}, \text{concentration ratio is } 500 \times)$ 





由图 10 可见,此时该菲涅尔透镜的聚光效率 为:η<sub>1</sub> = 396 822/426 630 × 100% = 93%, φ2.5 的接 收平面内焦斑的最大辐照度是平均辐照度的 4.9 倍.对比图 9 的结果可知:当增加外侧环带透镜的 焦距点值进行设计时,菲涅尔透镜的聚焦光斑均匀 性得到了明显提高.

因此,在采用此优化方法时,不能无限制地增加 外侧环带透镜的焦距,需要根据具体设计要求选择 一个最佳的优化解.

## 6 结论

1) 本文提出了一种中心透镜为球面、外侧环带

为倾斜面的平板菲涅尔透镜的设计方法,并进行了 组合优化,采用 Solidworks 和 Tracepro 软件进行建 模和光学仿真.

 2)结果表明优化后菲涅尔透镜聚光效率能达 到设计要求,且聚焦光斑能量具有较好的均匀性.
 该设计及优化方法为高倍聚光太阳能菲涅尔透镜的应用提供了参考.

参考文献:

 刘永强,申作春,芦宇,等.均匀会聚菲涅尔透镜设计 及性能研究[J].光电子技术,2012,32(4):263-266.
 LIU Yong-qiang, SHEN Zuo-chun, LU Yu, et al. Design and performance research of uniform concentrating Fresnel lens[J]. Optoelectronic Technology, 2012, 32(4): 263-266. (in Chinese)

[2] 李鹏, 吴贺利, 杨培环, 等. 菲涅尔聚光透镜的一般设 计方法及效率分析[J]. 武汉理工大学学报, 2010, 32
(6): 62-66.
Ll Peng, WU He-li, YANG Pei-huan, et al. General

design method and optical efficiency of the solar concentrator by Fresnel lens [J]. Journal of Wuhan University of Technology, 2010, 32 (6): 62-66. (in Chinese)

- [3] 姜磊. 菲涅尔透镜及复合抛物面聚光器的设计与研究
  [D]. 长春:吉林大学机械科学与工程学院, 2011.
  JIANG Lei. Fresnel lens and compound parabolic concentrators design and research [D]. Changchun: Institute of Mechanical Science and Engineering, Jilin University, 2011. (in Chinese)
- [4] 李望. 基于聚光型光伏模组的光学系统结构设计[D]. 长春:长春理工大学光电工程学院, 2010.
  L1 Wang. Study on concentration optics system of concentration phontovoltaic system [D]. Changchun: College of Optoelectronic Engineering, Changchun University of Science and Technology, 2010. (in Chinese)
- [5] 崔福庆,何雅玲,陶于兵,等.新型线聚焦菲涅耳透镜 设计及其聚光特性研究[J].工程热物理学报,2010, 31(5):733-736.

CUI Fu-qing, HE Ya-ling, TAO Yu-bing, et al. A new type linear Fresnel lens design and concentrating characteristic analysis [J]. Journal of Engineering Thermophysics, 2010, 31(5): 733-736. (in Chinese)

[6] 朴聪,张国玉. 菲涅尔太阳能聚光镜的设计[J]. 应用 光学, 2011, 32(1): 23-26.
PIAO Cong, ZHANG Guo-yu. Design of Fresnel lens for solar concentrator[J]. Journal of Applied Optics, 2011, 32(1): 23-26. (in Chinese)

- [7] BETT A W, SIEFER G, BAUR C, et al. FLATCON<sup>®</sup> concentrator PV-technology ready for the market[C] // Proc of the 20th European Photovoltaic Solar Energy Conference. Barcelona; WIP, 2005; 207-211.
- [8] LUTHER J, BETT A W, BURGER B, et al. High concentration photovoltaics based on III-V multijunction solar cells [C] // Proc of the 21th European Photovoltaic Solar Energy Conference. Dresden: WIP, 2006: 156-160.
- [9] GERSTMAIER T, Van RIESEN S, GOMBERT A, et al. Software modeling of FLATCON<sup>®</sup> CPV systems [C] // The 6th International Conference on Concentrating Photovoltaic Systems (CPV-6). Freiburg: ICAIT, 2010: 183-186.
- [10] VÁZQUEZ-MOLINÍ D, FERNÁNDEZ-BALBUENA A Á, BERNABEU E, et al. New concentrator multifocal Fresnel lens for improved uniformity: design and characterization [C] // Proc SPIE 7407, High and Low Concentrator Systems for Solar Electric Applications IV. San Diego: SPIE, 2009: 740701-1-740701-11.
- [11] LEUTZ R, SUZUKI A, AKISAWA A, et al. Shaped nonimaging fresnel lenses [J]. Opt A: Pure Appl, 2000, 41(2): 112-116.
- [12] AKISAWA A, SATO T, MIYAZAKI T, et al. High concentration non-imaging Fresnel lens design with flat upper surface [C] // Proc SPIE 6649, High and Low Concentration for Solar Electric Applications II. San Diego: SPIE, 2007: 257-262.
- [13] AKISAWA A, HIRAMATSU M, OZAKI K. Design of dome-shaped non-imaging Fresnel lenses taking chromatic aberration into account[J]. Solar Energy, 2012, 86(3): 877-885.

(责任编辑 吕小红)