光波场被抛物型反射面镜的转换

鄂国锐

(应用物理系)

【摘要】 讨论了抛物型反射面镜内的光波场的转换,指出了获得严格付氏变换的条件,也讨论了反射 面镜内成像特征及聚焦误差的影响.

【关键词】 抛物型反射面镜,付氏变换,光波场 【中图分举号】 O438

透镜的付氏变换性质是众所周知的,然而 Husian Abidi和 Krile 指出: 拋物型反射面镜 同样有付氏变换性质,并且作为一个付氏变换元件而言较透镜更有优越性^[1]. 虽然文献[1] 没有作理论分析,只作了初步说明,但它所报导的精美实验证实了以上的论断.

本文为此作了理论分析.由输入物光波场复振幅的分布出发,讨论如何利用抛物面镜来 获得其严格的付氏变换,即得到其相应的频谱分布,也讨论了反射面镜内的成像特征,还分 析了聚焦误差对成像平面上复振幅分布的影响.

1 获得严格付氏变换的条件

图 1 中焦距为 f,将其光轴取为 i,轴方向右,在焦平面 $P_1(x_1, y_1)$ 处,放置透明物体 $S(x_1, y_1)$, 而单色点光源位于 Q 点,取定观测平面位于 $P_3(x_1, y_1)$,其相互间隔如图 1 所示.

由 Q 点发出的球面波, 传播到 物函数 $S(x_1, y_1)$ 所在的 $P_1(x_1, y_1)$ 平面, 在旁轴近似下, 略写常数位 相因子, 令时谐因子为 $exp(-j\omega t)$, 则其复振幅可表达为



$$U_1(x_1, y_1) = \exp[jk \frac{(x_1^2 + y_1^2)}{2U}] \quad (1)$$

在物函数之后,则有

$$U_{1}(x_{1}, y_{1}) = S(x_{1}, y_{1}) \exp \left[jk \frac{(x_{1}^{2} + y_{1}^{2})}{2U}\right]$$
(2)

沿光轴到达抛物面镜 P2(x2, y2), 按照 Fresnel 衍射考虑, 参阅文献 [2], 可直接写出下式

$$U_{2}(x_{2}, y_{2}) = \exp\left[jk\frac{(x_{2}^{2}+y_{2}^{2})}{2f}\right] \iint_{-\infty}^{\infty} \exp\left[jk\left(\frac{1}{U}+\frac{1}{f}\right)\frac{(x_{1}^{2}+x_{1}^{2})}{2}\right] S(x_{1}, y_{1}) \times \frac{1}{2}$$

收稿日期: 1992-10-26.

$$\exp\left[-jk(x_{1}x_{2}+y_{1}y_{2})/f\right]dx_{1}dy_{1}$$
(3)

如果不计入镜面孔径大小的影响,也暂不考虑存在聚焦误差,那么由于镜面的反射,只需引 入如下位相因子 (略写常数位相因子)

$$T(x_2, y_2, f) = \exp\left[-jk \frac{(x_2^2 + y_2^2)}{2f}\right]$$
(4)

于是由镜面反射后的复振幅、最终可表达为

$$U_{2}'(x_{2}, y_{2}) = T(x_{2}, y_{2}, f) U_{2}(x_{2}, y_{2}) = \iint_{-\infty}^{\infty} \exp\left[jk\left(\frac{1}{U} + \frac{1}{f}\right) \frac{(x_{1}^{2} + x_{1}^{2})}{2}\right] \times S(x_{1}, y_{1}) \exp\left[-jk\frac{(x_{1}x_{2} + y_{1}y_{2})}{f}\right] dx_{1} dy_{2}$$
(5)

然后, $U'_{2}(x_{2}, y_{2})$ 继续向左传播, 到达 $P_{3}(x_{3}, y_{3})$ 平面, 其复振幅 $U_{3}(x_{3}, y_{3})$ 仍可按 (3)式 的推导思路, 导出如下

$$U_{3}(x_{3}, y_{3}) = \exp\left[\frac{jk\left(x_{3}^{2}+y_{3}^{2}\right)}{2(f+V)}\right] \iint_{-\infty}^{\infty} S(x_{1}, y_{1}) \exp\left[\frac{jk}{2}\left(\frac{1}{U}+\frac{1}{f}\right)(x_{1}^{2}+y_{1}^{2})\right] dx_{1} dy_{1} \times \\ \iint_{-\infty}^{\infty} \exp\left\{-jk\left[\left(\frac{x_{1}}{f}+\frac{x_{3}}{f+V}\right)x_{1}+\left(\frac{y_{1}}{f}+\frac{y_{3}}{f+V}\right)y_{1}\right]\right\} \times \\ \exp\left[jk\frac{(x_{2}^{2}+y_{2}^{2})}{2(f+V)}\right] dx_{2} dy_{2}$$
(6)

虽然, 图 1 中的观测平面 $P_3(x_3, y_3)$ 与物平面 $P_1(x_1, y_1)$ 平面, 皆垂直于光轴; 但若使镜面 稍有倾斜, 则上述结果依然成立, 不会有明显地偏离.

令 $x_3/(f+V)+x_1/f=\lambda p; y_3/(f+V)+y_1/f=\lambda q$ (7) 于是 (6) 式中的第二个积分化为 (7)

$$\iint_{-\infty}^{\infty} \exp\left[\frac{jk(x_{2}^{2}+y_{2}^{2})}{2(f+V)}\right] \exp\left[-j2\pi(px_{2}+qy_{2})\right] dx_{2} dy_{2}$$

= $F\left\{\exp\left[jk(x_{2}^{2}+y_{2}^{2})/2(f+V)\right]\right\} = \exp\left[-j\pi\lambda(f+V)(p^{2}+q^{2})\right]$
= $\exp\left\{\frac{jk}{2}(f+V)\left[(\frac{x_{1}}{f} + \frac{x_{2}}{f} + V)^{2} + (\frac{y_{1}}{f} + \frac{y_{3}}{f} + V)^{2}\right]\right\}$ (8)

将(6)、(8)两式合并后,整理可得

$$U_{3}(x_{3}, y_{3}) = \iint_{-\infty}^{\infty} \exp\left\{\frac{jk}{2} \left[\frac{1}{U} + \frac{1}{f} - \frac{f+V}{f^{2}}\right] (x_{1}^{2} + y_{1}^{2})\right\} S(x_{1}, y_{1}) \times \exp\left[\frac{-jk}{f} (x_{1}x_{3} + y_{1}y_{3})\right] dx_{1} dy_{1}$$
(9)

北京工业大学学报

如果今

亦即今

$$\frac{1}{U} + \frac{1}{f} - \frac{f+V}{f^2} = 0$$
$$UV = f^2$$

则 (9) 式化为

$$\begin{cases} U_3(x_3, y_3) = \iint_{-\infty}^{\infty} S(x_1, y_1) \exp\left[-j 2\pi (f_x x_1 + f_y y_1)\right] dx_1 dy_1 \\ f_x = \frac{x_3}{\lambda f}, \quad f_y = \frac{y_3}{\lambda f} \end{cases}$$
(11)

则有

$$U_3(x_3, y_3) = F\left\{S\left(\frac{x_3}{\lambda f}, \frac{y_3}{\lambda f}\right)\right\}$$
(12)

以上推导表明:若(10)式成立,则 $U_3(x_3, y_3)$ 是 $S(x_1, y_1)$ 的准确付氏变换.而(10)式是众 所周知的物像公式的牛顿形式,它的物理意义是,单色点光源Q成像于 $P_3(x_3, y_3)$ 平面与 光轴的交点处.换言之,在点光源Q自身成像的位置处,会得到物函数 $S(x_1, y_1)$ 的准确付 氏变换,这个结论与透镜情况是一致的、

2 接收观察面上复振幅的普遍表达式

图 2 所示 A 为平面物体,其复振幅透过率为 $U_1(x_1, y_1)$,被平行于光轴的相干平面波自 左向右垂直照明,按 Fresnel 衍射考虑,类似(3) 式的推导,可得



$$U'(x, y) = U(x, y) P(x, y) \exp\left[\frac{-jk}{2f}(x^2 + y^2)\right]; P(x, y) = \operatorname{Circ}\left[\frac{\sqrt{x^2 + y^2}}{D}\right] \quad (14)$$

其中 U(x,y)为传播到镜面之复振幅,而 U'(x,y)为经镜面反射后的复振幅,又 P(x,y) 为此镜面系统中出射光瞳面的光瞳函数,D 为圆形出射光瞳的直径.

将(13)式和(14)式合并后有下列式

$$U'(x, y) = \frac{\exp\left[j\frac{k}{2}\left(\frac{1}{z_{1}} - \frac{1}{f}\right)(x^{2} + y^{2})\right]}{j\lambda z_{1}} P(x, y) \iint_{-\infty}^{\infty} U_{1}(x_{1}, y_{1}) \times \exp\left[\frac{jk}{2z_{1}}(x_{1}^{2} + y_{1}^{2})\right] \exp\left[\frac{-jk}{2z_{1}}(xx_{1} + yy_{1})\right] dx_{1} dy_{1}$$
(15)

68

(10)

继续向左传播至 z2处的接收观察平面上,类似(6)式的推导,其复振幅 U2(x2, y2)如下:

$$U_{2}(x_{2}, y_{2}) = \frac{-\exp\left[\frac{jk}{2z_{2}}(x_{2}^{2}+y_{2}^{2})\right]}{\lambda^{2}z_{1}z_{2}} \iint_{-\infty}^{\infty} U_{1}(x_{1}, y_{1})\exp\left[\frac{jk}{2z_{1}}(x_{1}^{2}+y_{1}^{2})\right]dx_{1}dy_{1} \times \\ \iint_{-\infty}^{\infty} P(x, y)\exp\left[j\frac{k}{2}\left(\frac{1}{z_{1}}+\frac{1}{z_{2}}-\frac{1}{f}\right)(x^{2}+y^{2}) \times \\ \exp\left[-j\frac{k}{z_{2}}(xx_{2}+yy_{2})\right]\exp\left[-j\frac{k}{z_{1}}(xx_{1}+yy_{1})\right]dxdy$$
(16)

仔细分析 (16)式的第二个积分可知:它是被修正的光瞳函数 P'(x, y)的付氏变换,其空间 频率可记为 f'_x 和 f'_y ,于是分别有下式

$$P'(x, y) = P(x, y) \exp[j \frac{k}{2w}(x^2 + y^2)]; \quad \frac{1}{w} = \frac{1}{z_1} + \frac{1}{z_2} - \frac{1}{f}$$
(17)

$$f'_{x} = \frac{1}{\lambda} \left(\frac{x_{1}}{z_{1}} + \frac{x_{2}}{z_{2}} \right); \qquad f'_{y} = \frac{1}{\lambda} \left(\frac{y_{1}}{z_{1}} + \frac{y_{2}}{z_{2}} \right)$$
(18)

再将 (14) 式中的 P(x, y) 代人 (17) 式,则 (16) 式中的第二个积分可化为

$$\iint_{-\infty}^{\infty} P(x, y) \exp\left[j\frac{k}{2w}(x^{2}+y^{2})\right] \exp\left[-j2\pi \left(f_{x}'x+f_{y}'y\right)\right] dx dy$$

= $\exp\left[-j\frac{k}{2}\lambda^{2}w\left(f_{x}'^{2}+f_{y}'^{2}\right)\right] \circledast \frac{J_{1}(2\pi\sqrt{f_{x}'^{2}+f_{y}'^{2}})}{\sqrt{f_{x}'^{2}+f_{y}'^{2}}}$ (19)

其中 ③表示卷积运算, J₁为第一类第一阶 Bessel 函数.将(19)式代人(16)式后,(16)式可 化为

$$U_{2}(x_{2}, y_{2}) = \frac{-\exp\left[j\frac{k}{2z_{2}}\left(x_{2}^{2}+y_{2}^{2}\right)\right]}{\lambda^{2}z_{1}z_{2}} \iint_{-\infty}^{\infty} U_{1}(x_{1}, y_{1})\exp\left[j\frac{k}{2z_{1}}\left(x_{1}^{2}+y_{1}^{2}\right)\right] \times \exp\left[-j\frac{k}{2}\lambda^{2}w\left(f_{x}^{\prime 2}+f_{y}^{\prime 2}\right)\right] \oplus \frac{J_{1}(2\pi\sqrt{f_{x}^{\prime 2}+f_{y}^{\prime 2}})}{\sqrt{f_{x}^{\prime 2}+f_{y}^{\prime 2}}} dx_{1} dy_{1}$$

$$= \frac{-\exp\left[j\frac{k}{2z_{2}}\left(1-\frac{w}{z_{2}}\right)\left(x_{2}^{2}+y_{2}^{2}\right)\right]}{\lambda^{2}z_{1}z_{2}} \iint_{-\infty}^{\infty} U_{1}(x_{1}, y_{1})\exp\left[\frac{jk}{2z_{1}}\left(1-\frac{w}{z_{1}}\right)\left(x_{1}^{2}+y_{1}^{2}\right)\right] \oplus \frac{J_{1}(2\pi\sqrt{f_{x}^{\prime 2}+f_{y}^{\prime 2}})}{\sqrt{f_{x}^{\prime 2}+f_{y}^{\prime 2}}} \exp\left[-j\frac{kw}{z_{1}z_{2}}\left(x_{1}x_{2}+y_{1}y_{2}\right)\right] dx_{1} dy_{1}$$
(20)

上式就是抛物型反射面镜内,接收观察面上的复振幅的普遍表达式.其中w, f'_x , f'_y 按(17), (18)式计算.

(1) 有物像公式的高斯形式如下

$$\frac{1}{z_1} + \frac{1}{z_2} = \frac{1}{f}$$
(21)

对于图 2 的情况而言,可知相干平行光可视为位于无穷远点的单色点光源,即取 $z_1 \rightarrow \infty$, 若暂时不考虑聚焦误差的影响,那么按照本文第 1节的结论,则此点光源自身必将成像于 反射面镜的焦点处,即有 $z_2=f$;并且在此焦点处,也必然能够获得物函数 $U_1(x_1, y_1)$ 的付 氏变换.事实正是如此,这可由 (20)式推导得出,过程如下:将 $U_1(x_1, y_1)$ 恰置于 $z_1=f$ 处, 则由(17)式知有 $z_2=w=f$,亦即有 $z_1=z_2=w=f$,将这个结果代入 (20)式,则有

$$\begin{cases} U_{2}(x_{2}, y_{2}) = \frac{-1}{\lambda^{2} f^{2}} \iint_{-\infty}^{\infty} U_{1}(x_{1}, y_{1}) \oplus \frac{J_{1}(2\pi \sqrt{f_{x}^{\prime 2} + f_{y}^{\prime 2}})}{\sqrt{f_{x}^{\prime 2} + f_{y}^{\prime 2}}} \times \\ \exp\left[-j2\pi (f_{x_{2}}x_{1} + f_{y_{2}}y_{1})\right] dx_{1} dy_{1} \\ f_{x_{1}} = \frac{x_{2}}{\lambda f} , f_{y_{2}} = \frac{y_{2}}{\lambda f} ; f_{x}^{\prime} = \frac{x_{1}}{\lambda f} + f_{x_{2}}, f_{y}^{\prime} = \frac{y_{1}}{\lambda f} + f_{y_{2}} \end{cases}$$
(22)

注意,在这里正如由 (9) 式推导到 (11) 式一样,由 (20) 式到 (22) 式,把原在 (9) 式及 (20) 式中的位相弯曲项消除了.

显然, (22)式的物理意义是: $U_2(x_2, y_2)$ 是两个函数, 即 $U_1(x_1, y_1)$ 的付氏变换与孔径 函数 (14)式的一般乘积. 若不考虑抛物型反射面镜的孔径大小, 取 (14)式中 $P(x, y) \equiv 1$, 则 不难由 (22)式导出 $U_2(x_2, y_2) = F\{U_1(\frac{x_2}{\lambda f_1}, \frac{y_2}{\lambda f})\}$ 只差一常数因子. 这样就又回到了 (11) 式. 其实这也是预料之中的, 因为物像公式的牛顿形式 (10)式与高斯形式 (21)式本来在物 理上就是等价的. 要特别指出: 文献 [1] 所报导的实验, 正是属于这种情况.

(2) 仍考虑图 2 情况,仍暂不考虑聚焦误差影响、将(16)式与(21)式联立,并取定 z₁=2f 后有 z₂=2 f,于是 (16)式化为

$$U_{2}(x_{2}, y_{2}) = \frac{-\exp\left[\frac{jk}{4f}(x_{2}^{2}+y_{2}^{2})\right]}{4\lambda^{2}f^{2}} \iint_{-\infty}^{\infty} U_{1}(x_{1}, y_{1}) \exp\left[\frac{jk}{4f}(x_{1}^{2}+y_{1}^{2})\right] dx_{1} dy_{1} \times \\ \iint_{-\infty}^{\infty} P(x, y) \exp\left[-j\frac{k}{2f}(xx_{2}+yy_{2})\right] \exp\left[-j\frac{k}{2f}(xx_{1}+yy_{1})dxdy\right]$$
(23)

上式中积分号前的位相因子,不影响最终探测到的强度分布.可以弃去.又已知点物产生的响应是一个很小的像斑,那么能够对于像面上 (x_2, y_2) 点的光场产生是有意义贡献的,只能是以几何光学成像所对应的物点为中心的微小区域^[2].并且如果在这个微小区域内,指数项 exp $[j \frac{k}{4f} (x_1^2 + y_1^2)]$ 的位相变化不超过几分之一弧度,则可作如下近似:

$$\exp\left[j\frac{k}{4f}(x_1^2+y_1^2)\right] \doteq \exp\left[j\frac{k}{4f}(x_2^2+y_2^2)\right]$$

于是在 (23) 式中可将此项移到积分号外并略写,从而 (23) 式可化为

$$U_{2}(x_{2}, y_{2}) = \frac{-1}{4\lambda^{2}f^{2}} \iint_{-\infty}^{\infty} U_{1}(x_{1}, y_{1}) \exp\left[\frac{-jk}{2f}(xx_{1}+yy_{1})\right] dx_{1} dy_{1} \times \\ \iint_{-\infty}^{\infty} P(x, y) \exp\left[\frac{-jk}{2f}(xx_{2}+yy_{2})\right] dx dy$$
(24)

不难由上式导出

$$U_{2}(x_{2}, y_{2}) = U_{1}(-x_{2}, -y_{2}) \circledast \frac{J_{1}(2\pi\sqrt{f_{x}^{2} + f_{y}^{2}})}{\sqrt{f_{x}^{2} + f_{y}^{2}}}; \quad f_{x} = \frac{x_{2}}{2\lambda f}, \quad f_{y} = \frac{y_{2}}{2\lambda f} \quad (25)$$

上式与无像差透镜的成像公式又是相同的.

3 聚焦误差对像面复振幅分布的影响

尽管与透镜相比,抛物型反射面镜不存在色像差、球像差,又慧型像差及像散在实验中 也没有明显地观察到^[1],且在电磁波的各种频率范围内反射面镜都适用.此外由制作上 看,也不要求材料是均匀、各向同性的等条件;但是,抛物型反射面镜的聚焦误差总是难 于避免的. 然而,即便是对于透镜而言,数学上最容易讨论的像差之一是简单的聚焦误差. 但是,甚至在这种简单情况下,为了保持数学上的运算方便,也必须假定孔径是正方形的, (而不是更有实际意义的圆形孔径)^[2].

本文特别取定抛物型反射面镜的出射光瞳的孔径是圆形的,用 (14) 式表述;对图 2 情况而言,当存在聚焦误差时,物像公式的高斯形式 (21) 式改写为下式

$$\frac{1}{z_1} + \frac{1}{z_2 + \Delta} = \frac{1}{f}$$
(26)

若取定 $z_1=2 f$ 则有 $z_2+\Delta=2 f$ (27) 亦即成像平面的实际位置与理想高斯像平面之位置,偏离了 Δ .

5. 大学学校学生的大学学生的学生的世界的主义的世界的主义的世界的

与文献[2]不同,本文不讨论聚焦误差对传递函数之影响,而试图由(20)式出发,在Δ ≠0的条件下,求像面复振幅分布的解析解.

将 (26)、(27) 两式合并后有下式

$$\frac{1}{w} = \frac{\Delta}{z_2(z_2 + \Delta)}$$
(28)

利用 (28) 式的结果,于是 (20) 式中的一个位相弯曲因子化为

$$\exp\left[\frac{jk}{2z_2}\left(1-\frac{w}{z_2}\right)\left(x_2^2+y_2^2\right)\right] = \exp\left[\frac{-jk}{2\Delta}\left(x_2^2+y_2^2\right)\right]$$
(29)

利用 (27) 式有 z2=2 f- A 再利用 (28) 式, 于是 (20) 式中积分号内之位相因子化为

$$\exp\left[\frac{jk}{2z_1}\left(1-\frac{w}{z_1}\right)\left(x_1^2+y_1^2\right)\right] = \exp\left[\frac{-jk}{2\Delta}\left(1-\frac{\Delta}{f}\right)\left(x_1^2+y_1^2\right)\right]$$
(30)

将 (29), (30) 两式代人 (20) 式后, 整理后可得

$$\begin{cases} U_{2}(x_{2}, y_{2}) = \frac{-\exp\left[\frac{-JK}{2\Delta}(x_{2}^{2}+y_{2}^{2})\right]}{\Delta\lambda^{2}f^{2}} \iint_{-\infty}^{\infty} U_{1}(x_{1}, y_{1})\exp\left[\frac{-Jk}{2\Delta}(1-\frac{\Delta}{f})(x_{1}^{2}+y_{1}^{2})\right] \\ \frac{J_{1}(2\pi\sqrt{f_{x}^{\prime2}+f_{y}^{\prime2}})}{\sqrt{f_{x}^{\prime2}+f_{y}^{\prime2}}} \exp\left[-j2\pi(x_{1}u+y_{1}v)\right] dx_{1} dy_{1} \qquad (31)$$

 $(f_x' = \frac{1}{\lambda}(\frac{1}{2f} + \frac{1}{2f-\Delta}), f_y' = \frac{1}{\lambda}(\frac{1}{2f} + \frac{1}{2f-\Delta}); u = \frac{1}{\lambda\Delta}, v = \frac{1}{\lambda\Delta}$ 上式的物理意意义是:在 z,=2 f-\Delta的接收观测平面上,其复振幅分布是两个函数的卷积后

的付氏变换,其一为修正的物函数

$$U_{1}'(x_{1}, y_{1}) = U_{1}(x_{1}, y_{1}) \exp\left[\frac{-jk}{2\Delta} \left(1 - \frac{\Delta}{f}\right) (x_{1}^{2} + y_{1}^{2})\right]$$

其二为弥散函数,即反射面镜孔径函数的付氏变换 $\frac{J_1(2\pi\sqrt{f_x^2+f_y^2})}{\sqrt{f_x^{\prime 2}+f_y^{\prime 2}}}$ 在这里要注意的是,

进行付氏变换时,其空间频率为 (u, v), 与聚焦误差 Δ密切关联.将(31)式解出后,并计入 应考虑的复常数,最终可整理化简成下式

$$\begin{cases} U_{2}(x_{2}, y_{2}) = C \operatorname{Circ}\left(\sqrt{x_{2}^{2} + y_{2}^{2}}\right) \exp\left[\frac{-jk}{2\Delta}(x_{2}^{2} + y_{2}^{2})\right] \times \\ \exp\left\{\frac{jk}{2} \frac{\lambda^{2} \Delta}{(1 - \frac{\Delta}{f})}\left[\left(\frac{x_{2}}{\lambda\Delta}\right)^{2} + \left(\frac{y_{2}}{\lambda\Delta}\right)^{2}\right]\right\} \circledast F\left\{U_{1}\left(\frac{x_{2}}{\lambda\Delta}, \frac{y_{2}}{\lambda\Delta}\right)\right\} \\ C = \frac{j}{4\lambda f} \sqrt{\frac{2(2f - \Delta)}{f - \Delta}} \end{cases}$$
(32)

对 (32) 式的变化趋势及物理含义,作简单、直观地描绘是比较困难的.但可以肯定由于 聚焦误差的存在,不仅使成像平面位置偏离了理想高斯像平面,而且像面的图案进一步变得

模糊了。尚可作如下的分析。取如图 3 所示。此时 相应于物点的像斑面积,不再是围绕着理想高斯像 面上的几何像点,而是在 $z_2=2f-\Delta$ 的成像平面上, 围绕与高斯像点相对应的一个点,记其区域范围的 线度为 Δx ,可作如下估算,参阅文献 [3, 4]有以下 近似式

$$\Delta x \doteq \sqrt{(\Delta x)_{\rm f}^2 + (\Delta x)_{\rm A}^2} \tag{33}$$

其中 $(\Delta x)_r$ 和 $(\Delta x)_{\Delta}$ 分别是由 Fraunhofer 衍射和聚 焦误差所造成的横向增宽,近似有下式

$$(\Delta x)_{f} \doteq \frac{2\lambda z_{2}}{D} = \frac{4\lambda f}{D}$$
$$(\Delta x)_{a} \doteq \frac{D\Delta}{z_{2}} = \frac{D\Delta}{2f} \qquad (34)$$



图 3 聚焦误差的影响

4 结束语

1 本文第1,2两个部分的分析和推导以及结果,其意义是显而易见的.

2 第 3 部分的讨论是针对聚焦误差不可忽略时,给出了一个解析分析与估算方法.其实,当作为付氏变换元件使用时,可以合理地预期.由(33)、(34)所估算的 Δx 与作为成像元件使用时相比较会更小,这只需在做实验时正确调整 z_1 和 z_2 的位置,就可基本消除聚焦误差的影响,此时(33)、(34)两式化为 $\Delta x \doteq (\Delta x)_r \doteq (2\lambda f)/D$.如此也就解释了为什么文献[1]的实验结果是那么的精美.

3 对图 2 而言,三维物体 A 成像为三维像 A',若在 z₂=2f-∆ 处放置一块干板,在此 干版的右方偏下,用相干平行光倾斜照射此干板,于是可拍摄到一张像全息图;即它相当于 将一张普通的全息图,用原参考光的共轭光照射后,会得到共轭赝实像,将此赝实像作为物 光来使用所制作的像全息图.

4 注意对抛物型反射面镜而言,所有平行于光轴的光线,都在面镜反射后相交于焦点.而对球面透镜而言,只有平行于光轴的旁轴光线,才相交于焦点.所以,从光学信息处理和存储的角度来看,它比透镜又有优越性,因为它在离光轴的不同区域,对光波场具有相同的转换特性.

总之,抛物型反射面镜,从理论上、实验上做进一步的研究,在技术应用上是有实际意 义的,

参考文献

- 1 Husain-Abidi A S, Krile T F. Fourier transformable properties of paraboloidal mirror segments. Optics Communications, 1971, 11: 409 ~ 411
- 2 Joseph W Goodman. Introduction to Fourier Optics. McGraw-Hill, Inc. 1968: 57 ~ 70

3 Takanori Okoshi. Three-dimensional imaging techniques. Academic Press, Inc. 1976. 140 ~ 150

4 Max Born, Emile wolf. Principles of Optics. Pergamon Pess. Sixth edition, 1980. 370 ~ 400

Light Field Transformation by a Paraboloidal Mirror

E Guoguang

(Department of Applied Physics)

[Abstract] The light feild transformation in the paraboloidal mirror is discussed. The condition for obtaining an exact Fourier-transform relationship is indicated. The imaging character and the influence of focus error in the mirror are also presented.

[Key words] paraboloidal mirror, Fourier-transform, light field